

สับเซต

เซต A เป็นสับเซตของเซต B ก็ต่อเมื่อ
สมาชิกทุกตัวของเซต A เป็นสมาชิกของเซต B
เขียนแทนด้วย $A \subset B$

ถ้าเซต A ไม่เป็นสับเซตของเซต B สมาชิกบางตัวก็ต่อเมื่อ
ของเซต A ไม่เป็นสมาชิกบางของเซต B เขียนแทนด้วย $A \not\subset B$

สับเซตมี 2 ชนิด

1. ถ้า $A \subset B$ แล้ว $A \neq B$ เรียกว่า A เป็นสับเซตแท้ของ B
2. ถ้า $A \subset B$ และ $A = B$ เรียกว่า A ไม่เป็นสับเซตแท้ของ B

ตัวอย่าง $A = \{1, 2, 4\}$ และ $B = \{1, 2, 4, 8\}$
จะได้ว่า A เป็นสับเซตแท้ของ B

ตัวอย่าง $A = \{1, 2, 3\}$ และ $B = \{1, 2, 3\}$
จะได้ว่า $A \subset B$ และ $A = B$ เรียกว่า A
ไม่เป็นสับเซตแท้ของ B

สมบัติของสับเซต

1. $\emptyset \subset A$ เซตว่างเป็นสับเซตของทุกๆเซต
2. $A \subset A$ เซตทุกเซตเป็นสับเซตของตัวเอง
3. ถ้า A มีสมาชิก n ตัว จำนวนสับเซตของ A จะมี 2^n
4. ถ้า $A \subset B$ และ $B \subset C$ แล้ว $A \subset C$
5. ถ้า $A \subset B$ และ $B \subset A$ แล้ว $A = B$

ตัวอย่าง

ถ้า $A = \{1\}$
 $B = \{0, 1, 2\}$
 $C = \{3, 4, 5, 6\}$
 $D = \{0, 1, 2, 3, 4, 5\}$

จะได้ว่า

$A \subset B$	$A \not\subset C$
$B \subset D$	$B \not\subset C$
$A \subset D$	$C \not\subset D$

กำหนด $A = \{1, 2\}$ จงหาสับเซตของ A
จะได้สับเซตของ A คือ $\emptyset, \{1\}, \{2\}, \{1, 2\}$

สับเซตแท้ คือ ถ้า A มีสมาชิกตัว n จะได้จำนวน
สับเซตแท้ทั้งหมดของ A เท่ากับ $2^n - 1$ เซต

เพาเวอร์เซต คือ เซตของสับเซตทั้งหมดของ A
เรียกว่าเพาเวอร์เซตของ A เขียนแทนด้วย $P(A)$



สมบัติของเพาเวอร์เซต

1. $\emptyset \in P(A)$ และ $\emptyset \subset P(A)$
2. $A \in P(A)$
3. $\{A\} \subset P(A)$ และ $\{\emptyset\} \subset P(A)$
4. ถ้า A เป็นเซตจำกัด โดยที่ $n(A) = m$ แล้ว $n(P(A)) = 2^m$
5. ถ้า $A \subset B$ แล้ว $P(A) \subset P(B)$



ตัวอย่าง กำหนด $A = \{1\}$ สับเซตของ A ได้แก่ $\emptyset, \{1\}$
เพาเวอร์เซต A คือ $P(A) = \{\emptyset, \{1\}\}$

ตัวอย่าง จงหาสับเซตและเพาเวอร์เซตของเซตต่อไปนี้

1. $A = \{2\}$

ตอบ 2 เป็นสับเซตของ

$$P(A) = \{\{2\}, \emptyset\}$$

2. $B = \{3, 4\}$

ตอบ 3, 4 เป็นสับเซตของ

$$P(B) = \{\{3\}, \{4\}, \{3, 4\}, \emptyset\}$$



3. $C = \{1, 2, \{3, 4\}, \emptyset\}$

ตอบ 1, 2, {3, 4}, \emptyset เป็นสับเซตของ C

$$P(C) = \{\{1\}, \{2\}, \{\{3, 4\}\}, \{\emptyset\}, \\ \{1, 2\}, \{1, \{3, 4\}\}, \{1, \emptyset\}, \{2, \{3, 4\}\}, \\ \{2, \emptyset\}, \{\{3, 4\}, \emptyset\}, \{1, 2, \{3, 4\}\}, \{1, 2, \emptyset\}, \\ \{1, \{3, 4\}, \emptyset\}, \{2, \{3, 4\}, \emptyset\}, \{1, 2, \{3, 4\}, \emptyset\}, \emptyset\}$$

4. $D = \{2, \{3, 4\}, \emptyset\}$

ตอบ $2, \{3, 4\}, \emptyset$ เป็นสับเซตของ D

$$P(D) = \{\{2\}, \{\{3, 4\}\}, \{\emptyset\}, \{2, \{3, 4\}\}, \\ \{\{3, 4\}, \emptyset\}, \{2, \emptyset\}, \{2, \{3, 4\}, \emptyset\}, \emptyset\}$$

5. $E = \{a, b, c\}$

ตอบ a, b, c เป็นสับเซตของ E

$$P(E) = \{\{a\}, \{b\}, \{c\}, \{a, b\}, \\ \{a, c\}, \{b, c\}, \{a, b, c\}, \emptyset\}$$

ตัวอย่าง กำหนดให้ $C = \{\emptyset, \{\emptyset\}, 1, \{1\}, 2, \{2\}, \{1, 2\}, \{1, 2, 3\}\}$
ข้อใดต่อไปนี้ถูกต้อง

~~1.~~ $\{\{1, 2\}\} \in C$

~~2.~~ $\{c, 1\} \subset C$

✓ $\{\{\emptyset\}\} \subset C$

~~4.~~ $\{1, \{2\}, \{1, 2\}\} \in C$

✓ $\{1, \{2\}\} \subset C$

✓ $\{1, 2, 3\} \in C$

~~7.~~ $\{1, 2, 3\} \subset C$

✓ $C \subset C$

✓ $\{\{1\}, 2, \{1, 2\}\} \subset C$

~~10.~~ $\{1, \{1\}\} \in C$